

المحاضرة الثالثة

المادة : هيدروليك

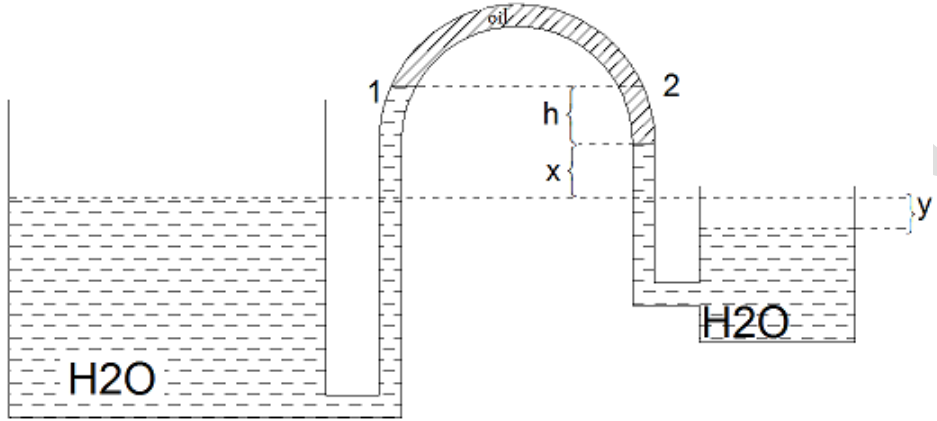
الدكتورة : فداء

مسألة خارجية (مسألة دورة)

إذا كانت قراءة الماتومتر $h=380\text{mm}$ احسب مقدار فرق المنسوب بين سطحي الماء في

الخرانين علماً أن $\rho_{oil} = 900\text{Kg} / \text{m}^2$

الحل :



$$p_1 = p_2$$

$$p_1 = p_{atm} - \gamma_w \cdot (h - x)$$

$$p_2 = p_{atm} - \gamma_w \cdot (y + x) - \gamma_{oil} \cdot h$$

$$-\gamma_w (h - x) = -\gamma_w (y + x) - \gamma_{oil} \cdot h$$

$$y = \frac{9810 \cdot (0.38) - 900 \cdot (9.81) \cdot (0.38)}{9810}$$

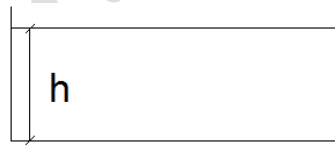
$$y = 0.038\text{m}$$

قوى ضغط السائل على السطوح المغمورة فيه .

(1) السطح الأفقي .

$$p = \gamma \cdot h$$

$$F = \gamma \cdot h \cdot A = \gamma \cdot V$$



(2) السطوح الشاقولية :

خواصها:

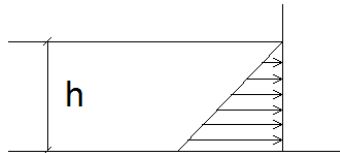
قوى ناظرية على السطح

تزداد بازدياد العمق

قيمتها عند السطح معدومة و تزداد بازدياد dh

$$F = \frac{\gamma \cdot h \cdot h}{2} \cdot b$$

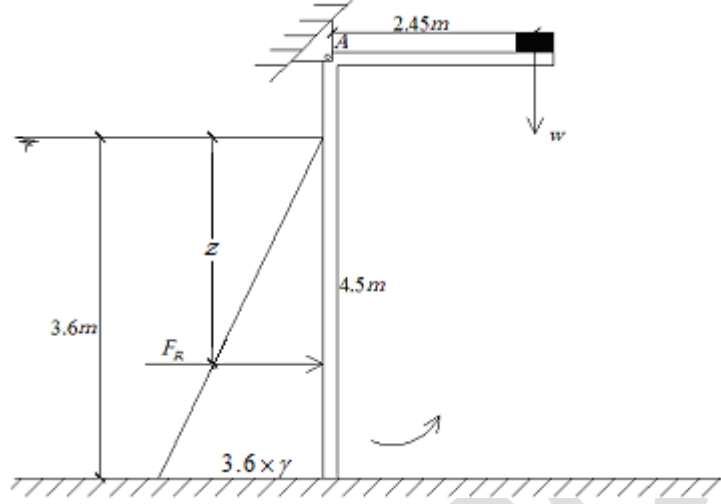
$$F = \gamma \cdot h_c \cdot A$$



مسألة خارجية :

بوابة بشكل حرف L عرضها 1.5 m تتحكم بخروج الماء من خزان أرضي و هي متمفصلة في النقطة A كما في الشكل . فإذا كان المطلوب أن تفتح البوابة إذا صار ارتفاع الماء أمام البوابة 3.6m . المطلوب : احسب كتلة الوزن الذي يحقق ذلك .

الحل :



$$\sum M_A = 0$$

$$F_R \cdot Z = W \cdot 2.45$$

$$F_R \cdot Z = m \cdot g \cdot 2.45$$

$$F_R = \frac{\gamma \cdot (3.6)^2}{2} \cdot 1.5 = 9535.2N$$

$$Z = 4.5 - \frac{1}{3} \cdot 3.6 = 3.3m$$

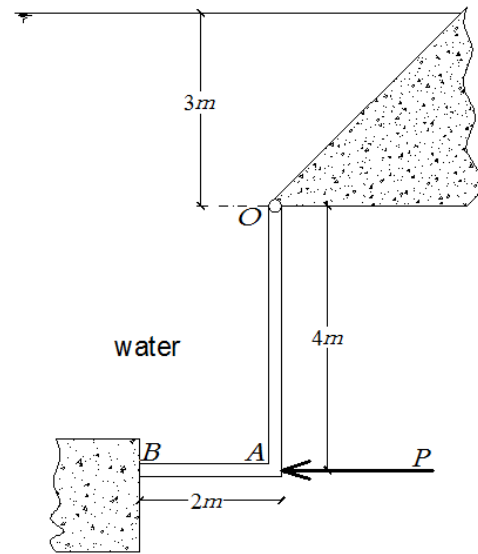
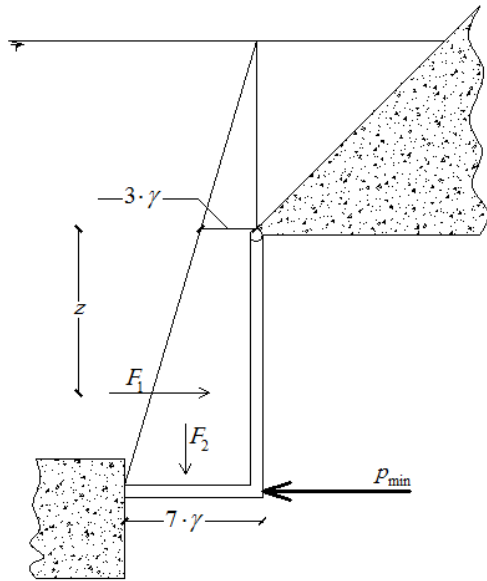
$$m = \frac{9535.2 \times 3.3}{9.81 \times 2.45} = 13092.2Kg$$

$$m < 13092.2Kg$$

المسألة الثالثة عشرة صفحة 126

يطلب حساب القوة الأفقية الدنيا p الواجب تطبيقها عند أسفل البوابة الصلبة OAB القابلة للدوران حول المفصل O كما في الشكل . بحيث تبقى هذه البوابة مغلقة . بافتراض أن عرضها يبلغ 3m و أن وزنها مهمل .

الحل :



$$\sum M_O = 0 \Rightarrow$$

$$P_{\min} \cdot 4 = F_1 \cdot Z + F_2 \cdot 1$$

$$F_1 = \frac{3\gamma + 7\gamma}{2} \cdot 4 \cdot 3 = 588600N$$

$$Z = \frac{h}{3} \left(\frac{a + 2d}{a + d} \right)$$

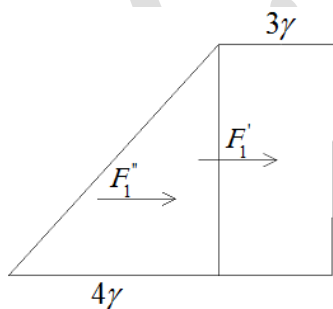
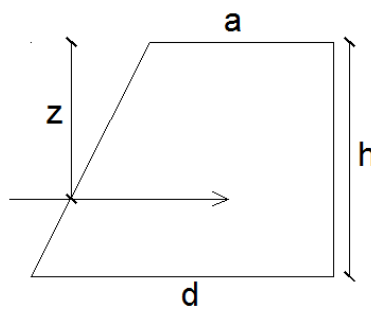
$$Z = \frac{4}{3} \left(\frac{3\gamma + 14\gamma}{3\gamma + 7\gamma} \right) = 2.26m$$

$$F_2 = \gamma \cdot V$$

$$F_2 = \gamma(2 \cdot 3 \cdot 7) = 412020N$$

$$P_{\min} = \frac{588600 \times 2.267 + 412020 \times 1}{4} = 436594.05N$$

طريقة ثانية :



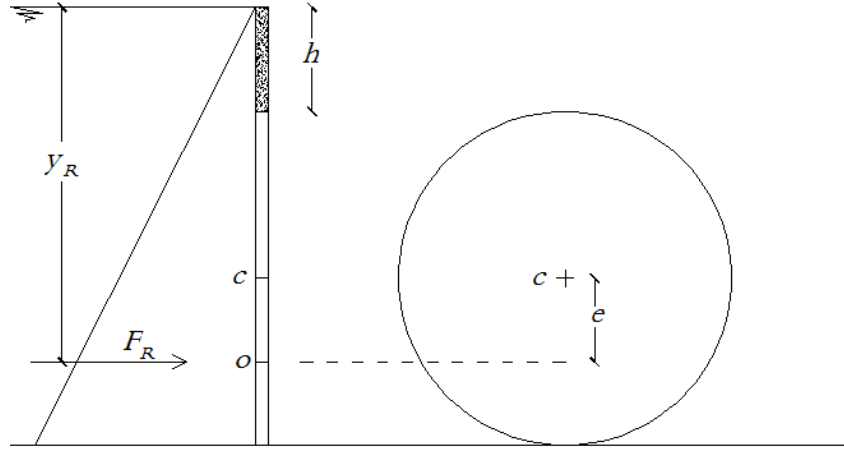
$$\left. \begin{aligned} F_1' &= 3\gamma \times 4 \times 3 = 353160 \\ F_1'' &= \frac{4\gamma \times 4}{2} \times 3 = 235440 \end{aligned} \right\} \Rightarrow$$

$$P_{\min} \cdot 4 = F_1' \cdot 2 + F_1'' \cdot \frac{2}{3} \cdot 4 + F_2 \cdot 1$$

مسألة :

بوابة مستوية دائرية قطرها 2m تدور حول محور دوران أفقي يبعد بمقدار $e=100\text{mm}$ عن مركز ثقل البوابة . دون أن يؤدي ذلك إلى دوران البوابة مع عقارب الساعة ثم احسب قيمة قوة الضغط على البوابة .

الحل :



$$y_R = y_c + \frac{\bar{I}_x}{A \cdot y_c}$$

$$y_c = h + r = h + 1$$

$$\bar{I}_x = \frac{\pi \cdot r^4}{4} = 0.785m^4$$

$$A = \pi \cdot r^2 = 3.14m^2$$

$$y_R = (h + 1) + \frac{0.785}{3.14 \cdot (h + 1)} \dots\dots\dots(1)$$

من الشكل :

$$y_R = h + r + e \dots\dots\dots(2)$$

بالمساواة بين (1) و (2) نحصل على قيمة h

$$h = 1.5m$$

$$h < 1.5m$$

ملاحظة : إذا كانت البوابة عرضها غير ثابت لا يمكن أن تعمل بمخضطات الضغوط و إنما نعود

$$\text{للقانون } F_R = \gamma \cdot y_c \cdot A$$

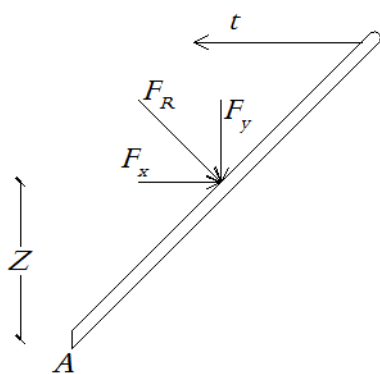
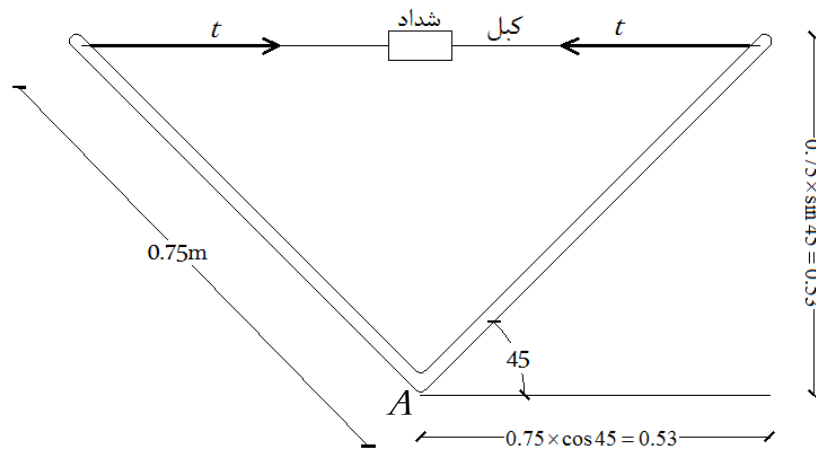
$$F_R = 9810 \cdot (1.5 + 1) \cdot 3.14 = 77008.5N$$

مسألة خارجية :

مجري مائي له شكل حرف V مؤلف من جانبيين متمفصلين في الأسفل عند النقطة A و كلا الطرفين مربوطين مع بعضهما بكبل و شداد كل 6 أمتار و المطلوب :

حساب التوتر في كل كبل عندما يكون المجري المائل مملوء بشكل كامل بالماء .

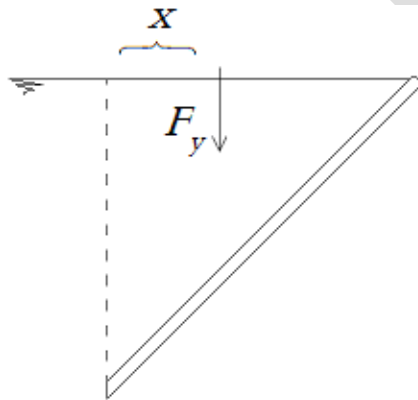
الحل :



$$\sum M_A = 0 \Rightarrow T \cdot 0.53 = F_x \cdot Z + F_y \cdot x$$

$$F_x = \frac{\gamma \cdot 0.53^2}{2} \cdot 6$$

$$Z = \frac{1}{3} \cdot 0.53$$



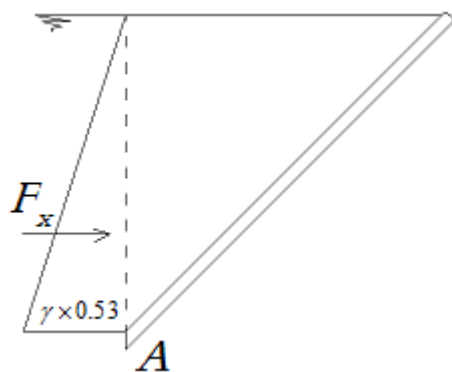
$$F_y = \gamma \cdot V$$

$$= \gamma \cdot A \cdot b = \gamma \cdot \frac{0.53^2}{2} \cdot 6$$

$$x = \frac{1}{3} \cdot 0.53$$

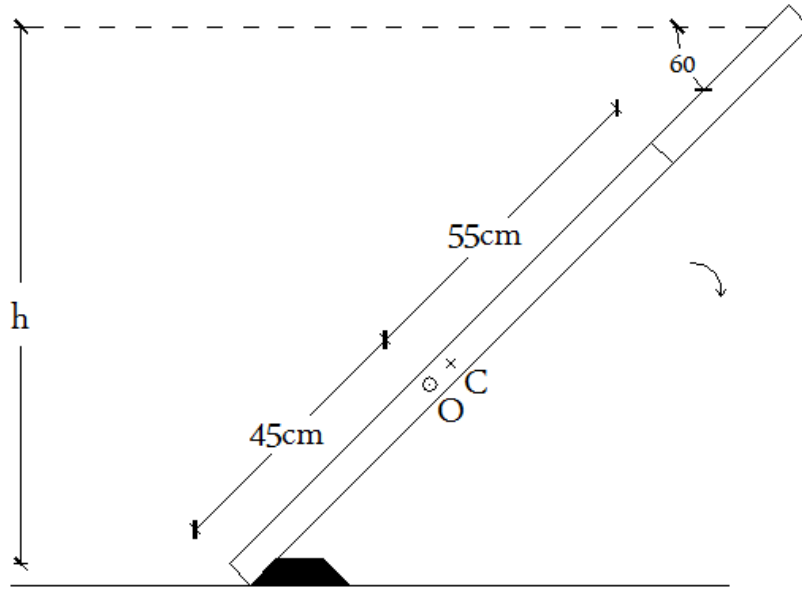
$$T = \frac{\gamma \cdot \frac{0.53^2}{2} \cdot 6 \cdot \frac{1}{3} \cdot 0.53 + \gamma \cdot \frac{0.35}{2} \cdot 6 \cdot \frac{1}{3} \cdot 0.53}{0.53}$$

$$= 551N$$



b=6m

وظيفة :



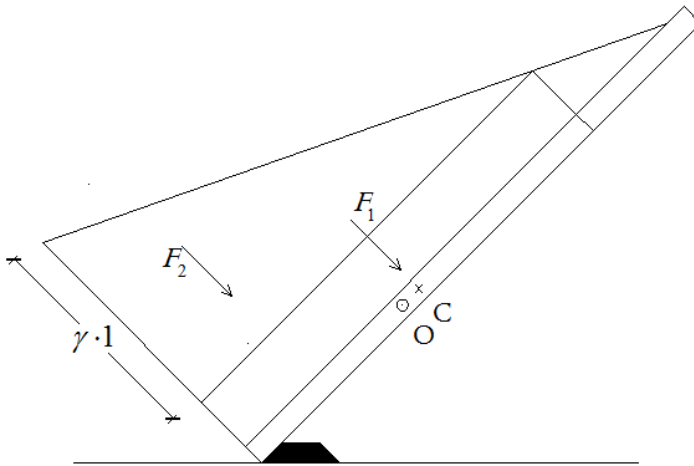
بوابة مستطيلة الشكل عرضها 60cm يطلب تحديد h الذي تبدأ معه البوابة بالانفتاح .
فكرة مساعدة للحل :

$$b=60\text{cm}$$

$$\sum M_O = 0$$

عزم الفتح = عزم الإغلاق

$$F_1 \cdot 0.05 = F_2 \cdot \left(0.45 - \frac{1}{3} \cdot 1\right)$$



انتهت المحاضرة

Written By: Husam

mh-magd@hotmail.com